

Seminar zur Vorlesung über Periodenbereiche

Blatt 3, Vorträge am 27.04.2006

Aufgabe 6

Sei V ein Vektorraum über einem Körper k mit zwei Filtrationen $\mathcal{F}_1, \mathcal{F}_2$ (über k). Wir definieren den Anstieg von V als $\mu(V) = \mu_{\mathcal{F}_1}(V) + \mu_{\mathcal{F}_2}(V)$, und können so über semistabile Objekte sprechen.

Bestimme im Fall $\dim V = 2$, welche Tripel $(V, \mathcal{F}_1, \mathcal{F}_2)$ semistabil sind.

Aufgabe 7 (Ample Garben)

Definiere den Begriff eines *amplen invertierbaren \mathcal{O}_X -Moduls* ([H] p. 153) und beweise, dass für ein Schema X von endlichem Typ über einem noetherschen Ring A gilt: ein invertierbarer \mathcal{O}_X -Modul \mathcal{L} ist genau dann ample, wenn eine Potenz $\mathcal{L}^{\otimes n}$, $n > 0$ existiert, die sehr ample bzgl. des Morphismus $X \rightarrow \text{Spec } A$ ist (loc. cit., Prop. II.7.5 und Thm. II.7.6).

References

- [H] R. Hartshorne, *Algebraic Geometry*, Springer Graduate Texts in Mathematics.